#### XVII конференция «Математические модели и численные методы в биологии и медицине»

ИВМ РАН, Москва 16 октября — 17 октября 2025 г.



## Математическое подтверждение защитной роли активации митохондриальной поры при глутамат индуцированном всплеске роста активных форм кислорода

<u>О.А. Загубная</u><sup>1,2</sup>, Я.Р. Нарциссов<sup>1,2</sup>, В.А. Селиванов<sup>2,3</sup>, М. Касканте<sup>2,3</sup>

zagubnaya@icmph.ru, ORCID: 0000-0001-6623-6938

Department of Biochemistry and Molecular Biomedicine,
 Faculty of Biology, Universitat de Barcelona, Barcelona, Spain
 CIBER of Hepatic and Digestive Diseases (CIBEREHD) and
 Metabolomics Node at Spanish National Bioinformatics Institute (INB-ISCIII-ES- ELIXIR), Institute of Health Carlos III (ISCIII), Madrid, Spain

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> НИИ цитохимии и молекулярной фармакологии, Москва, Россия
<sup>2</sup> Biomedical Research Group,
BiDiPharma GmbH, Зик, Германия

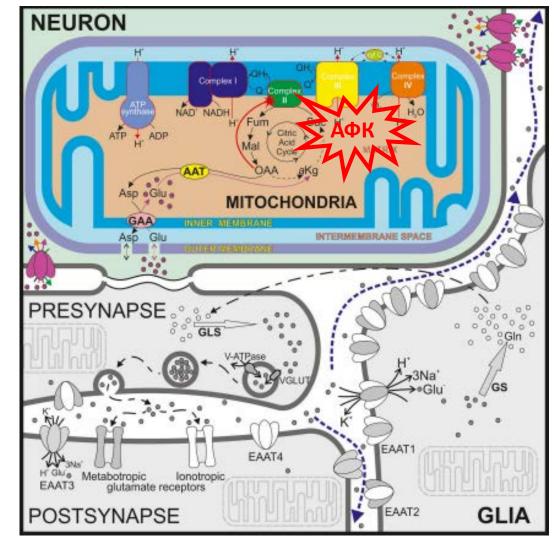
### Рост АФК при повышении концентрации

### внеклеточного глутамата

- Глутаматэргическая нейропередача
- Перенос глутамина из глии в нейрон
- Диффузия остаточного глутамата "spillover"
- Эксайтотоксичность глутамата
  - Чрезмерная активация глутаматных рецепторов
  - Нарушение буферной системы Са<sup>2+</sup>
  - Вторичная эксайтотоксичность
  - Генерация АФК комплексами ДЦ
  - Активация митохондриальной поры

#### Цель работы:

Исследовать связь генерации АФК и открытия митохондриальной поры во внесинаптических митохондриях при повышенной концентрации внеклеточного глутамата [2]



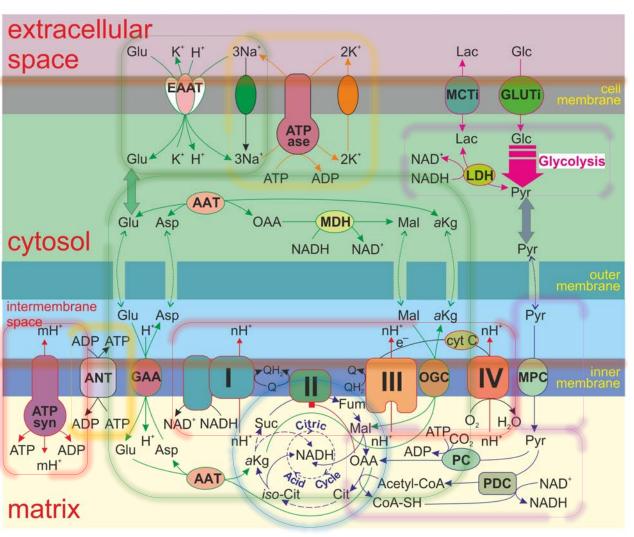
<sup>1.</sup> Selivanov VA, Zagubnaya OA, Nartsissov YR, Cascante M. Unveiling a key role of oxaloacetate-glutamate interaction in regulation of respiration and ROS generation in nonsynaptic brain mitochondria using a kinetic model. *PLoS ONE*. 2021; e0255164.

<sup>2.</sup> Zagubnaya OA, Selivanov VA, Pekker M, Jonkhout CJH, Nartsissov YR, Cascante M. Mathematical Modeling Unveils a New Role for Transient Mitochondrial Permeability Transition in ROS Damage Prevention. *Cells*. 2025; 14(13):1006.

## Схема процессов, описываемых кинетической моделью митохондриального и клеточного метаболизма



- Программное обеспечение C++ с открытым доступом "Mitodyn"
   <a href="https://github.com/seliv55/mito/tree/complete">https://github.com/seliv55/mito/tree/complete</a>
- Система ОДУ для
  - Транспорта метаболитов через клеточную и внутреннюю митохондриальную мембраны
  - Транспорта и метаболизма глутамата, включая малат-аспартатный челночный механизм
  - Гликолиза, транспорта и метаболизма пирувата
  - ЦТК
  - Динамики редокс-состояний комплексов ДЦ
  - Окислительного фосфорилирования
  - Потребления <u>АТФ</u>

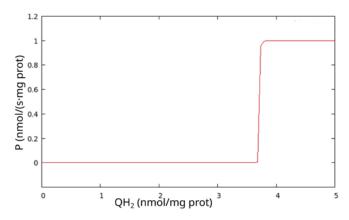


#### Схема процессов, описываемых кинетической моделью митохондриального и клеточного метаболизма

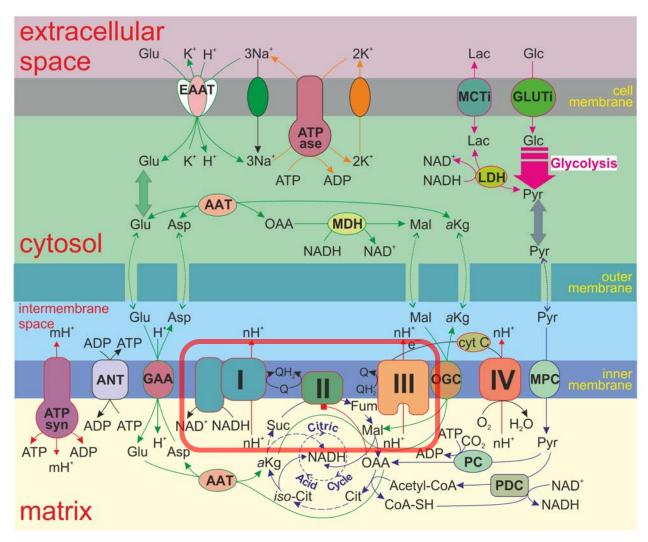


- Система из 393 ОДУ
- Феноменологическое моделирование поры
  - Открытие митохондриальной поры <=> рост АФК
  - Вспышка роста  $A\Phi K => QH_2 >> Q$
  - Проницаемость поры для растворимых веществ ≤ 1,5 кДа

$$P = (arctan (1000 \times ([QH_2] - [QH_2]_{max}))/0.5\pi + 1)/2$$



Уравнение Гольдмана-Ходжкина-Катца





0.8

0.2 ⊤D

한 0.15

0.1 0.05 30

Time (s)

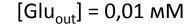
Time (s)

0.6 0.4

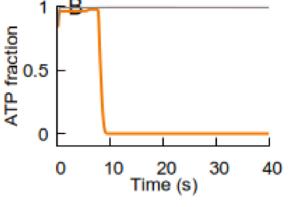
# Состояние системы под воздействием внеклеточного глутамата

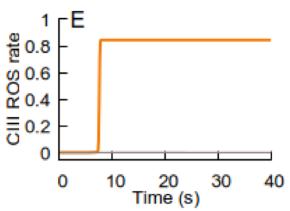


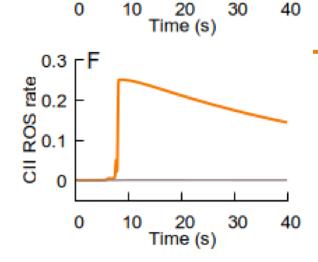
Наличие двух устойчивых состояний:



- Низкий уровень QH<sub>2</sub>
- Стабильный синтез АТФ
- Высокий мембранный потенциал Δψ
- Низкая скорость роста АФК







 $[Glu_{out}] = 0.08 \text{ MM}$ 

- Высокий уровень QH<sub>2</sub>
- Отсутствует синтез АТФ
- Низкий мембранный потенциал Δψ
- Высокая скорость роста АФК

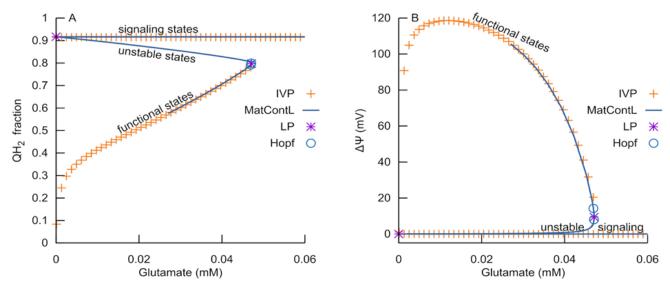
Zagubnaya OA, Selivanov VA, Pekker M, Jonkhout CJH, Nartsissov YR, Cascante M. Mathematical Modeling Unveils a New Role for Transient Mitochondrial Permeability Transition in ROS Damage Prevention. Cells. 2025; 14(13):1006.

£150

<del>\_</del>100

# Бифуркационный анализ сокращенной модели системы





- Программное обеспечение C++ с открытым доступом "Mitodyn" для сокращенной модели https://github.com/seliv55/mito/tree/reduced
- IVP решения задачи с начальными условиями
- Для поиска неустойчивых стационарных состояний использовано ПО MatContL
- Точки бифуркации:
   Седло-узел (LP)
  - Андронова-Хопфа (Hopf)

#### ■Система ОДУ для сокращенной модели:

- Транспорт метаболитов через клеточную и внутреннюю митохондриальную мембраны
- Транспорт и метаболизма глутамата,
   включая малат-аспартатный челночный механизм
- Гликолиза, транспорта и метаболизма пирувата
- ЦТК
- Динамики редокс-состояний комплексов
   ДЦ => Одно результирующее уравнение
   для каждого комплекса ДЦ
- Окислительного фосфорилирования
- Потребления АТФ

• [ATP] + [ADP] = 
$$20 \frac{nmol}{mg}$$

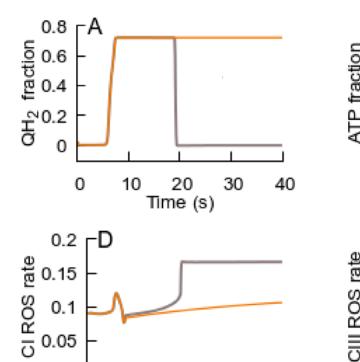
• 
$$[NAD^+] + [NADH] = 20 \frac{nmol}{mg}$$

• [Q] + [QH<sub>2</sub>] = 
$$4.1 \frac{nmol}{mg}$$



## Симуляция открытия митохондриальной поры при высоком уровне внеклеточного глутамата





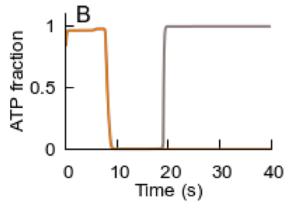
20

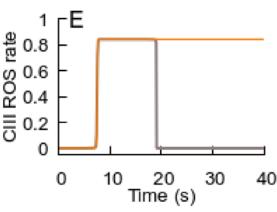
Time (s)

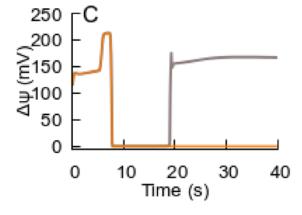
10

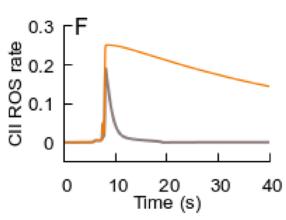
0

30









### Есть открытие поры при росте $QH_2 =>$

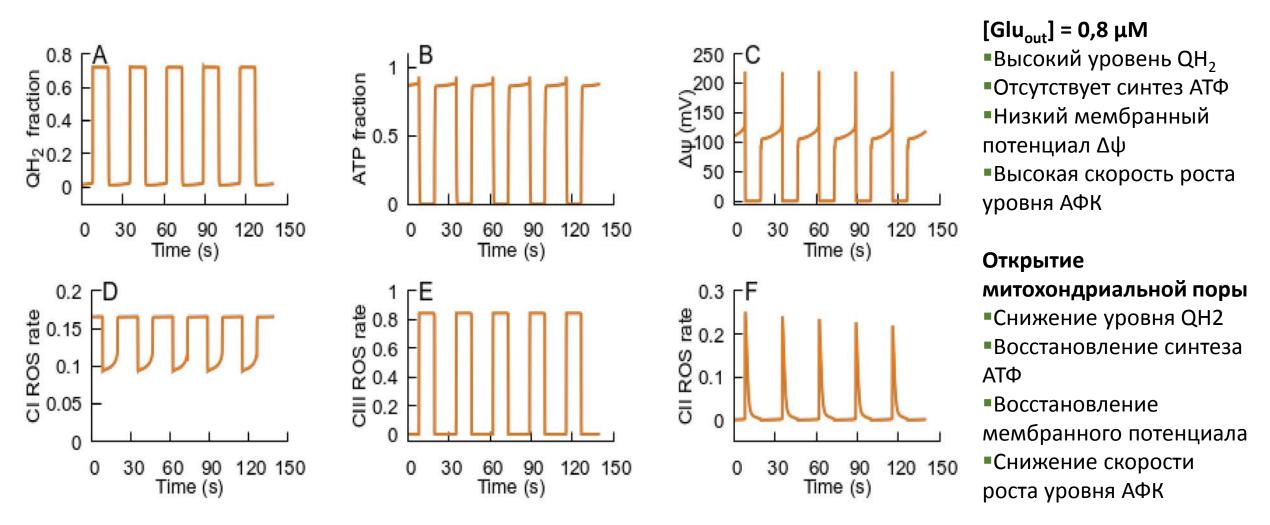
- Снижение уровня QH<sub>2</sub>
- Возврат к синтезу АТФ
- Восстановление мембранного потенциала Δψ
- Снижение скорости роста АФК

### $\mathsf{Het}$ открытия поры при росте $\mathsf{QH}_2$

- Высокий уровень QH<sub>2</sub>
- Отсутствие синтеза АТФ
- Низкий мембранный потенциал Δψ
- Высокая скорость роста АФК

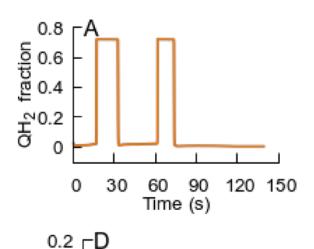
# Динамика при высокой концентрации внеклеточного глутамата и функциональной митохондриальной поре





# Затухание колебаний при снижении концентрации внеклеточного глутамата





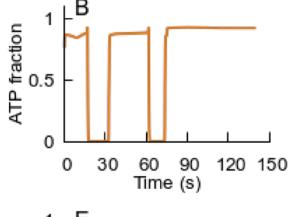
30

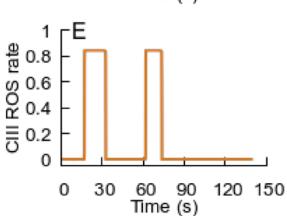
60

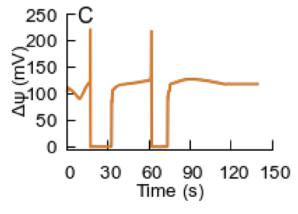
Time (s)

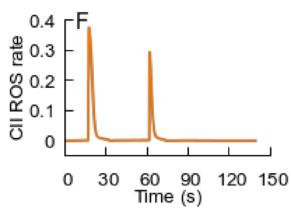
120 150

O.15 O.05 O.05









$$[Glu_{out}]_{t=0c} = 0,08 \text{ MM}$$
  
=>  
 $[Glu_{out}]_{t=70c} = 0,01 \text{ MM}$ 

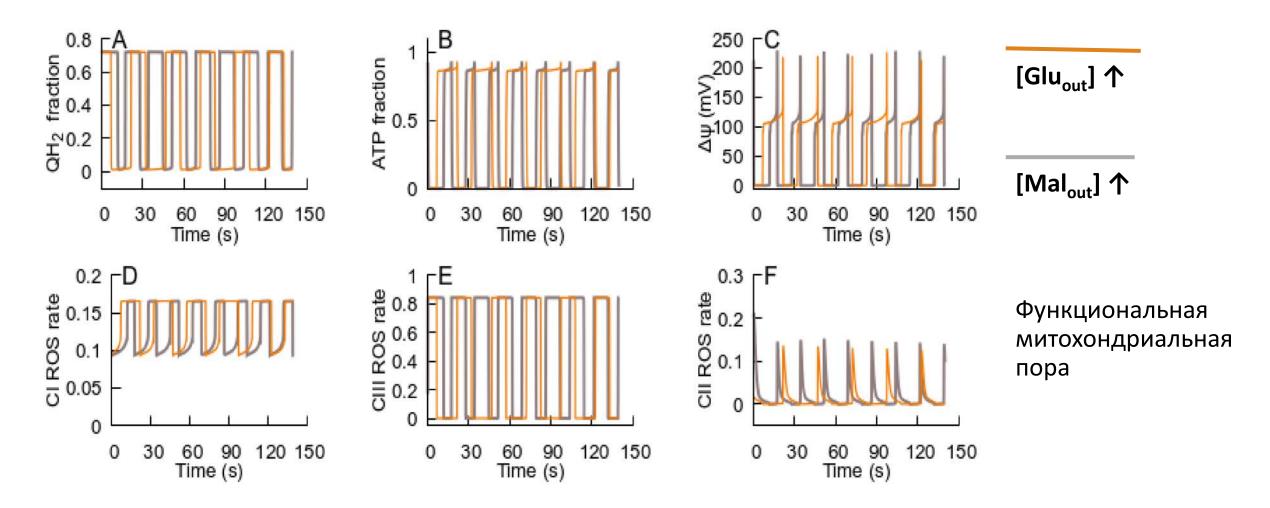
При функциональной митохондриальной поре происходит возврат системы в состояние синтеза АТФ.

**Без открытия поры** система останется в состоянии **генерации АФК**.

### Влияние скорости ЦТК на частоту колебаний системы

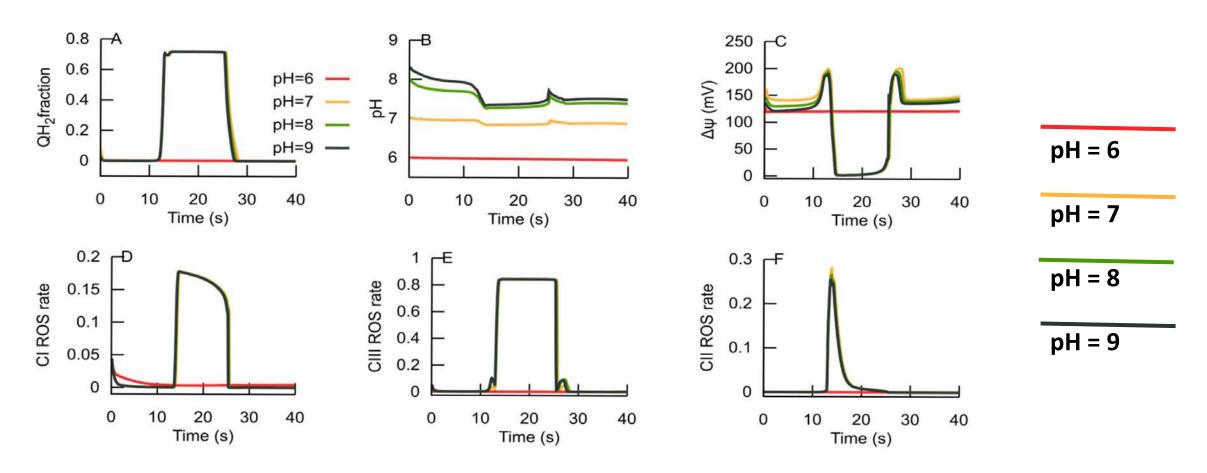


10



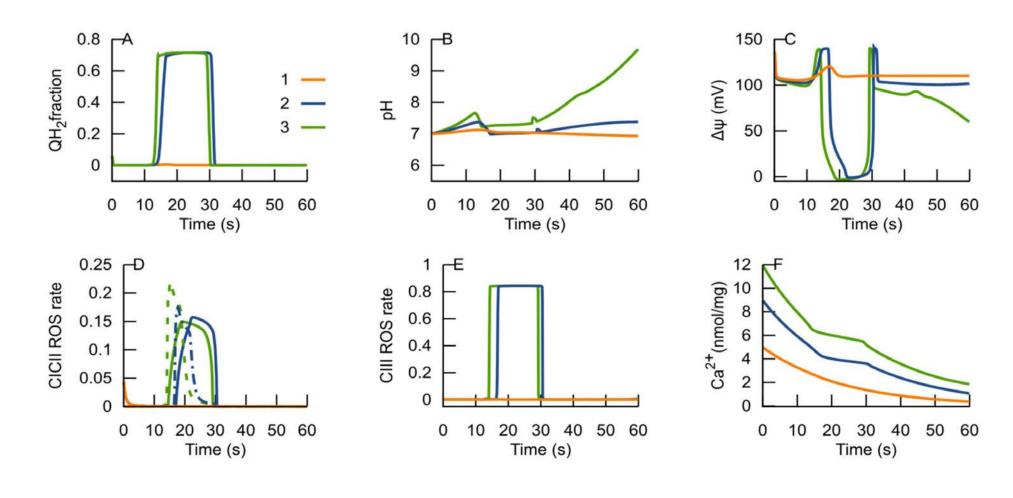


### Влияние уровня рН на частоту колебаний системы





### Влияние ионов Ca<sup>2+</sup> на частоту колебаний системы



### Выводы



- Переход системы из состояния синтеза АТФ в состояние генерации АФК происходит в связи с дефицитом Н+ или убихинона, и сопровождается всплеском концентрации АФК.
- Глутамат, как активатор II комплекса ДЦ, может вызывать чрезмерное восстановление убихинона и переход в состояние генерации АФК. При этом последующее снижение уровня глутамата не может вызвать обратный переход в состояние синтеза АТФ, если не происходит открытие митохондриальной поры.
- Повышение концентрации АФК в состоянии их генерации сопровождается открытием митохондриальной поры.
- ROS-producing state

  RC switching conditions of deficiency (e.g. stimulated by glutamate excess)

  RC switching conditions of deficiency (e.g. stimulated by glutamate excess)

  ATP-producing state

  Complex III

  Periodic included by glutamate excess

  ATP-producing state

  Complex III

  Periodic included by glutamate excess

  ATP-producing state

  ATP

  ATP

  ATP

  RC restoring conditions

  ROS

  NO MPT
- Открытие митохондриальной поры является защитной реакцией на переход системы из состояния синтеза АТФ в
  состояние генерации АФК и способствует возвращению ДЦ в исходное состояние, а снижение уровня АФК
  приводит к ее закрытию.
- Колебания состояний системы и митохондриальной поры могут наблюдаться в определенных устойчивых метаболических условиях и наблюдаются как в реальных, так и в моделируемых экспериментах.
- Если открытие митохондриальной поры не приводит к восстановлению состояния синтеза АТФ, система остается в состоянии генерации АФК, а открытое состояние поры становится необратимым.





Marta Cascante

Professor at University of Barcelona

**ORCID:** 0000-

0002-2062-

4633

Vitaly A. Selivanov

PhD, Academic researcher at University of Barcelona

ORCID: 0000-

0002-7937-9249







## Благодарность



#### Елена Валерьевна Машковцева



МD, PhD, Директор НИИ цитохимии и молекулярной фармакологии ORCID: 0000-0001-5899-5491



#### Ярослав Рюрикович Нарциссов



### XVII конференция «Математические модели и численные методы в биологии и медицине» ИВМ РАН, Москва 16 октября — 17 октября 2025 г.





### Спасибо за внимание!